

Soluzioni della prova del 05/10/2005

La forza di pressione sulla parete inclinata risulta $F = \rho gh^2 b / (2 \sin \theta)$ con b la direzione ortogonale al foglio e $\tan \theta = H / (L - l) = 2.6$. Dall'equilibrio alla traslazione nella direzione orizzontale $F \sin \theta = C_f (W + F \cos \theta)$, essendo $W = (L + l) H b \rho_b g / 2$ il peso proprio del blocco. Da questa relazione si ricava quindi $\rho_b = \rho h^2 / [(L + l) H] [1 / C_f + 1 / \tan \theta] = 1085.75 \text{ Kg/m}^3$.

Dall'equazione di conservazione dell'energia per sistemi aperti

$$\dot{m} \left[\left(\frac{U^2}{2} + \frac{p}{\rho} + e + gz \right)_{out} - \left(\frac{U^2}{2} + \frac{p}{\rho} + e + gz \right)_{in} \right] = \dot{L} + \dot{Q}$$

essendo $\dot{m} = \rho Q = 2 \cdot 2 \text{ Kg/s}$, $U_{in} \simeq 0$, $p_{out} = p_{in} = p_0$, $e_{out} = e_{in}$, $z_{out} - z_{in} = h$, $U_{out} = 4Q / (\pi d^2) = 1.257 \text{ m/s}$ e $\dot{Q} = 0$ si ottiene $\dot{L} = 630 \text{ W}$. La potenza assorbita dalla rete sarà quindi $P = \dot{L} / \eta = 851.35 \text{ W}$.

Dall'uguaglianza dei numeri di Reynolds si ha $U = U_m (L_m / L) (\nu / \nu_m) = 53.5 \text{ Km/h} = 14.86 \text{ m/s}$. Essendo i due fenomeni in similitudine dinamica saranno anche identici i coefficienti di resistenza $C_D = 2D / (\rho U^2 S) = 2D_m / (\rho_m U_m^2 S_m)$ da cui $D = D_m (\rho / \rho_m) (U / U_m)^2 (S / S_m) = 235.77 \text{ N}$, essendo $S / S_m = (L / L_m)^2$.

Dalla relazione di partenza $E = f(V, C, T, \rho, U)$ risulta $N = 6$ e $K = 4$; scegliendo come variabili ripetute T , ρ , V ed U si ottiene $E / (\rho U^2 V) = F(CT / U^2)$.
